

La **legge di annullamento del prodotto** afferma che:

un prodotto è uguale a zero se e solo se almeno uno dei suoi fattori è uguale a zero

(significa che affinché un prodotto sia uguale a zero è necessario e sufficiente che sia uguale a zero almeno uno dei suoi fattori – vedi pag. 739 del testo) cioè:

$$a \cdot b = 0 \Leftrightarrow a = 0 \vee b = 0$$

Il simbolo \Leftrightarrow significa “se e solo se”

In questo caso $a \cdot b = 0 \Leftrightarrow a = 0 \vee b = 0$ significa che:

$$\text{se } a \cdot b = 0 \text{ allora } a = 0 \vee b = 0 \quad (a \cdot b = 0 \Rightarrow a = 0 \vee b = 0)$$

$$\text{e se } a = 0 \vee b = 0 \text{ allora } a \cdot b = 0 \quad (a = 0 \vee b = 0 \Rightarrow a \cdot b = 0)$$

Il simbolo \vee significa “oppure”

Se un'equazione ha più soluzioni, queste si scrivono sempre legate dal segno \vee

(Le condizioni di esistenza si esprimono, invece, legandole con il segno \wedge che significa “e”)

La legge di annullamento del prodotto si applica alle equazioni intere quando si possono esprimere sotto forma di prodotto di fattori di grado inferiore

Quindi è utile per risolvere **equazioni di secondo grado** o di grado superiore al secondo **scomponibili in fattori** di primo grado (poi ci sarà utile anche per risolvere equazioni di grado superiore al secondo scomponibili in fattori di primo e di secondo grado quando avremo studiato la formula risolutiva delle equazioni di secondo grado)

Esempi di applicazione della legge di annullamento del prodotto:

Da $x^2 - 3x = 0$ si ricava :

$$x(x-3) = 0 \quad \text{quindi:}$$

$$x = 0 \vee x-3=0 \quad \text{da cui: } S = \{0;3\}$$

Da $x^2 - 4 = 0$ si ricava :

$$(x+2)(x-2) = 0 \quad \text{quindi:}$$

$$x+2 = 0 \vee x-2=0 \quad \text{da cui: } S = \{-2;2\}$$

Da $3x^2 - 2x - 1 = 0$ si ricava :

$$3x^2 - 3x + x - 1 = 0 \quad \text{quindi: } 3x(x-1) + (x-1) = 0 \quad \text{cioè } (x-1)(3x+1) = 0 \quad \text{dunque:}$$

$$x-1 = 0 \vee 3x+1=0 \quad \text{da cui: } S = \left\{ -\frac{1}{3}; 1 \right\}$$