

# 1. I dati statistici

## La statistica induttiva e la statistica descrittiva

Immagina di parlare con uno sconosciuto e di raccogliere informazioni sulle sue abitudini, i suoi gusti, il suo stato di salute. Potresti dedurre un ritratto significativo di questa persona.

Se raccogliessi le stesse informazioni per molte persone, diciamo mille, potresti fare, in qualche modo, un ritratto del gruppo?

Può essere vantaggioso raggruppare e sintetizzare i dati: in questo modo si rinuncia a parte dell'informazione che essi contengono, ma si guadagna in leggibilità e facilità di interpretazione. In particolare si possono elaborare tanti dati relativi a individui singoli per trarne informazioni sulla popolazione nel suo complesso. A seconda poi di come questi dati vengono raggruppati è possibile studiare aspetti diversi del problema in esame.

La statistica si occupa proprio dei modi di raccogliere e analizzare dati relativi a un certo gruppo di persone (gli studenti di una scuola, gli abitanti di un quartiere, gli elettori di una regione ecc.) o di oggetti (le automobili, i dischi, i libri ecc.), per trarne conclusioni e fare previsioni.

La statistica ha questo nome perché all'inizio essa studiava principalmente i dati utili al governo degli Stati.

A volte anche molte informazioni possono essere inutili, se non sono ben organizzate.

Le fasi fondamentali di un'indagine statistica sono quindi:

- il rilevamento dei dati;
- l'elaborazione dei dati.

Il gruppo preso in considerazione viene anche detto **popolazione** o **universo**. Se la rilevazione dei dati viene effettuata su tutta la popolazione, si definisce **censimento**. Spesso viene presa in esame soltanto una parte della popolazione, detta **campione**, scelta in modo che rappresenti l'intero gruppo. La raccolta di tipo globale è più significativa di quella campionaria, ma può essere molto lunga e costosa nel caso di popolazioni numerose. Per questo la maggior parte delle raccolte dati è di tipo campionario. Le tecniche utilizzate per la raccolta dei dati possono essere l'intervista diretta o indiretta. Nel caso di intervista indiretta, si possono ottenere le informazioni volute facendo compilare un questionario che viene poi spedito o consegnato a un incaricato dall'intervistato (pensa, per esempio, al censimento).

Si propongono di solito questionari anonimi con la sola richiesta dell'indicazione del sesso e dell'età.

Una volta raccolti i questionari compilati,

- li si conta per sapere il numero effettivo delle unità che costituiscono il campione;
- si contano le diverse risposte date a ciascuna domanda predisponendo tabelle di spoglio;
- si rappresentano graficamente i dati;
- si elaborano i dati con i metodi matematici più opportuni;
- si interpretano i dati e si traggono conclusioni che possano essere valide per tutta la popolazione.

I metodi per ottenere risultati soddisfacenti nel delicato procedimento di passaggio dal campione alla popolazione sono studiati da quella parte della statistica detta statistica induttiva (o inferenza statistica).

In questo capitolo ci limiteremo a studiare alcuni degli strumenti matematici utilizzati per descrivere i dati relativi a un certo gruppo scelto come popolazione. In questo caso si parla di statistica descrittiva.

## I caratteri qualitativi e i caratteri quantitativi

Gli elementi di una popolazione si chiamano anche **unità statistiche**. È possibile studiare diverse caratteristiche di tali unità, e ogni caratteristica rappresenta un carattere della popolazione.

Ogni carattere viene descritto mediante le modalità con cui esso si può manifestare.

I caratteri possono essere di due tipi:

- **qualitativi**, se le loro modalità sono descritte da attributi;
- **quantitativi**, se le loro modalità sono descritte da numeri.

### ESEMPIO

1. Il carattere «sesso» ha due modalità: «maschile» e «femminile». Si tratta di un carattere qualitativo.
2. Il carattere «mezzo di trasporto» ha più modalità: «treno», «autobus», «motorino», ... Si tratta di un carattere qualitativo.
3. Il carattere «età» ha più modalità: 14, 15, 16, ... (se espresso in anni). Si tratta di un carattere quantitativo.

## Le tabelle di frequenza

### DEFINIZIONE

La frequenza di una modalità è il numero di volte in cui si presenta.

**ESEMPIO** In un questionario abbiamo chiesto ai 28 studenti di una classe di indicare con le seguenti lettere i mezzi di trasporto con cui vanno di solito a scuola:

A: automobile; M: motorino o scooter;  
P: a piedi; C: bicicletta.  
B: autobus o pullman;

Abbiamo ottenuto i seguenti risultati:

A, B, M, M, P, A, A, B, P, B, C, A, B, B, B, C, P, B, A, C, C, A, M, B, M, B, A, C.

Contiamo quante volte si presenta ciascuna modalità, ovvero la sua frequenza. Costruiamo la seguente tabella di frequenza.

DISTRIBUZIONE DELLE FREQUENZE	
MODALITÀ	FREQUENZA
automobile	7
a piedi	3
autobus/pullman	9
motorino/scooter	4
bicicletta	5
<i>totale delle unità statistiche</i>	28

Nell'esempio precedente la frequenza della modalità «automobile» è 7, ossia 7 studenti su 28 raggiungono la scuola in automobile; pertanto la frequenza relativa è

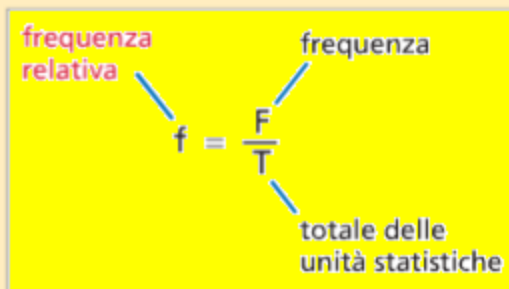
$$f = \frac{7}{28} = \frac{1}{4} = 0,25.$$

La frequenza relativa può essere espressa anche in **percentuale**, moltiplicandola per 100: la frequenza percentuale della modalità automobile è 25%. Questo significa che, in una distribuzione con le stesse caratteristiche di quella data, su un campione di 100 studenti 25 vanno a scuola in automobile.

### DEFINIZIONE

#### Frequenza relativa

La frequenza relativa di una particolare modalità è il rapporto fra la frequenza della modalità stessa e il numero totale delle unità statistiche.



Il campione deve essere attendibile: per esempio, se si sta eseguendo un'indagine per verificare o meno il successo di una trasmissione televisiva, l'intervistato non deve essere qualcuno che lavora per quella trasmissione.